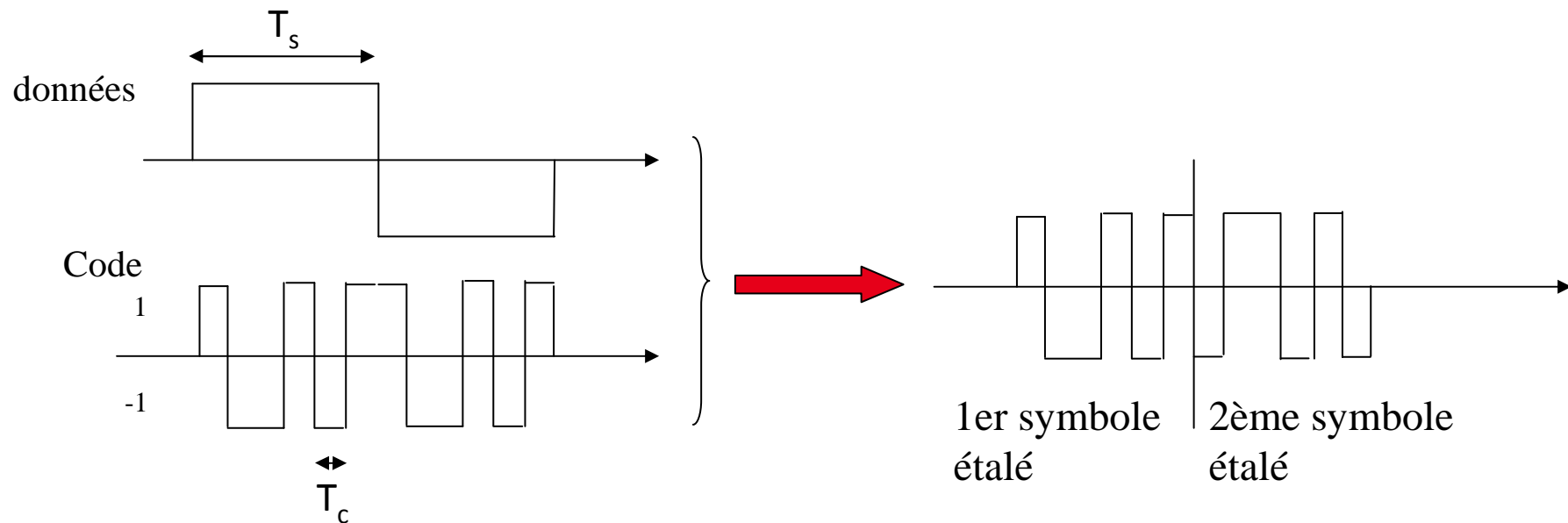


Sécurité des communications par étalement de spectre

Mathieu des Noes (CEA-LSOC), Valentin Savin,
Laurent Ros, Jean-Marc Brossier
(mathieu.desnoes@cea.fr)

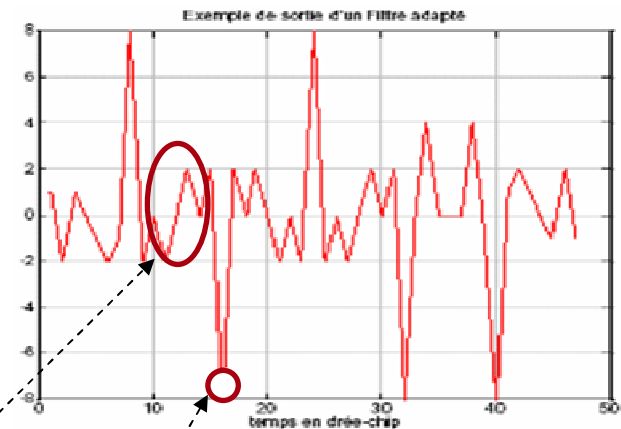
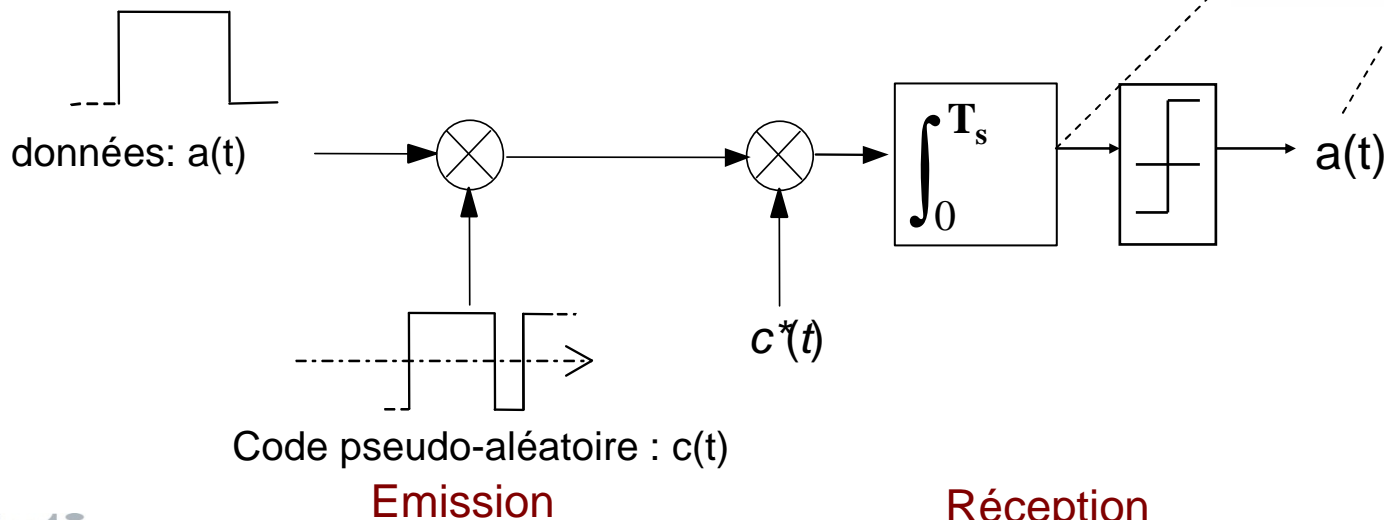
- Etallement de spectre par séquence directe (ESSD)
- Séquences de Gold: propriétés
- Détection par décodage
 - Principe
 - Equations de parité : nombre, degré minimal
- Performances : cas d'une liaison standardisée (CCSDS)
 - Recherche en série
 - Recherche en parallèle
- Conclusion et perspectives

- Etallement de spectre par séquence directe [1]
- Exemples : UMTS (3G), CDMA2000 (2G-3G US), GPS, Galileo, transmissions militaires

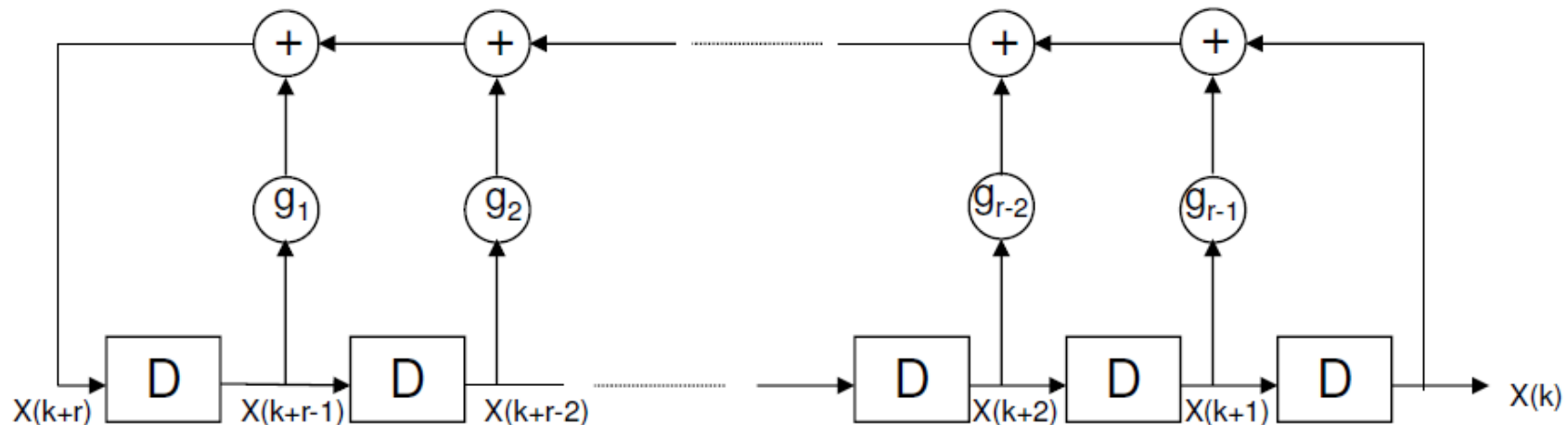


- Facteur d'étalement : $F = T_s/T_c$

- Corrélation avec la séquence d'étalement
 - Hypothèse: **Séquence connue**
- Faible probabilité de détection :
 - $SNR = F \cdot P/\sigma^2$
 - SNR faible (-17 dB en WCDMA UL pour la voix)
- Si la séquence est inconnue : test des N séquences possibles. Pas réaliste si N est grand (ex : N = 33 554 432 en WCDMA)

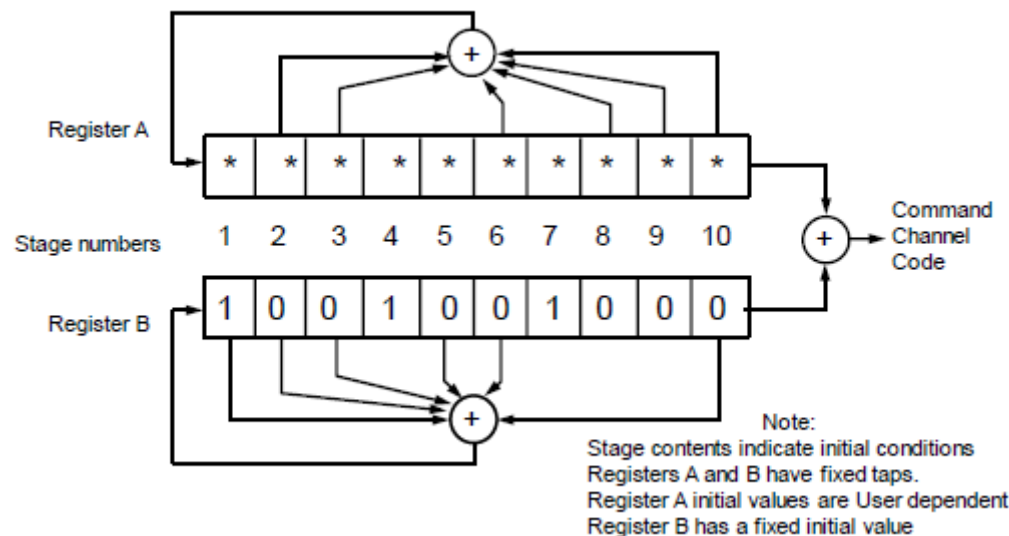


- $z(k) = x(k) \oplus y(k)$
 - $x(k)$ et $y(k)$ forment une paire préférentielle de m-séquences de même longueur [2]
 - Il existe 2^r+1 séquences de Gold de longueur $N = 2^r-1$
 - Bonne propriétés d'inter-corrélation => CDMA asynchrone
 - Polynôme générateur : $g_z(X) = g_x(X) g_y(X)$



- Si le polynôme générateur est connu => **détection de la séquence = connaître l'état des registres**
- **Objectif** : estimation de l'état des registres avec des techniques de décodage
 - Attaques sur les stream ciphers [3]
 - Communications ESSD avec des m-séquences [5]
- **Applications** :
 - détection aveugle du code d'embrouillage des systèmes WCDMA et CDMA2000
=> Possibilité de mettre en œuvre des attaques par déni de service [6][7].
 - Acquisition des satellites GPS ou Galileo
 - Mécanismes de synchronisation avec des techniques de codage canal.

- Code de Gold = code linéaire cyclique de rendement $2r/(2^r-1)$
 - Mot à coder : état des registres ($2r$),
 - Mot de code : la séquence générée (2^r-1)
 - Particularité de nombreux systèmes : l'état des registres d'une des 2 séquences est connu à un instant donné (ex: WCDMA, GPS, CCSDS)
- Equations de parité :
 - Définies par le code dual: intersection des codes duaux des 2 m-séquences
 - Notation polynômiale : multiple du polynôme générateur : $f(x) = m(x)g_z(x)$



- Modèle d'observation :
 - Pré-traitements pour observer la séquence de Gold
 - Séquence émise : $z(k) \in \{0;1\}$
 - Signal reçu : $R(k) = (-1)^{z(k)} + n(k)$
- Matrice de parité : $Ez = 0$
 - Equation de parité initiale : $g(X) = g_0 + g_1X + \dots + g_rX^r$
 - Code cyclique $\Rightarrow X^i g(X)$ est aussi une équation de parité

$$\mathbf{E} = \begin{bmatrix} g_r & \cdots & g_0 & 0 & \cdots & \cdots & 0 \\ 0 & g_r & \cdots & g_0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 & g_r & \cdots & g_0 & 0 \\ 0 & \cdots & \cdots & 0 & g_r & \cdots & g_0 \end{bmatrix}$$

- Décodage avec un algorithme de décodage par passage de messages (e.g. Min-sum):
 - Exploitation de toute la théorie et résultats sur le décodage des codes LDPC [4][13] : il faut utiliser des équations de parité de poids faible
 - Graphes redondants : si $g(x)$ est une équation de parité, alors $g_l(x)$ est aussi une équation de parité [5]

$$g_l(x) = [g(x)]^{2^l} = g(x^{2^l})$$

- Matrice de parité avec les graphes redondants: augmente le nombre d'équations de parité sans modifier leur poids t

$$E_{\text{RGM}} = \begin{bmatrix} E_0 \\ E_1 \\ \vdots \\ E_{N_{\text{RGM}}-1} \end{bmatrix}$$

■ Nombre d'équations de parité de poids t : N_t

■ Travaux de Pless [8] et Kasami [9]

■ r pair :

■ $N_1 = N_2 = 0$

■ $N_3 = 1$ et $h_3(x) = x^{2(2^r-1)/3} + x^{(2^r-1)/3} + 1$ [10]

■ $N_4 = (2^r - 4)/3$ (recherche exhaustive)

■ r impair :

■ $N_1 = N_2 = N_3 = N_4 = 0$

■ $N_5 = (2^{2r} - 10 \cdot 2^r + 16)/24$

r	6	7	9	10	11	18
N_4	20	0	0	340	0	87380
N_5	-	630	10710	-	173910	-

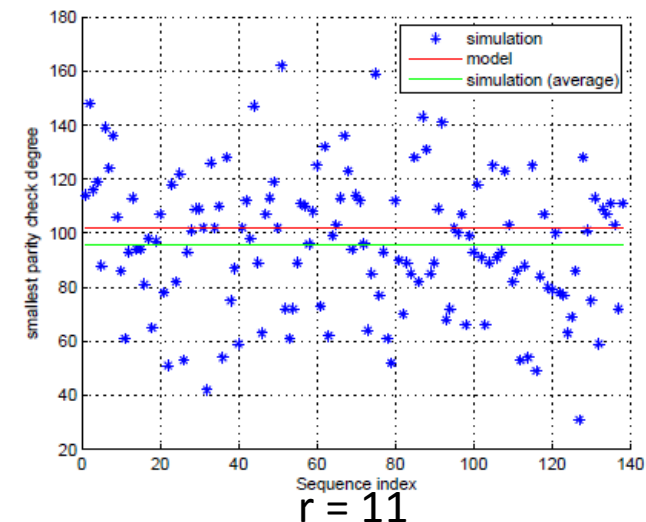
■ Degré minimal des équations de parité de poids t ?

- Faisabilité du décodage (complexité, contrainte des standards (e.g. WCDMA)), recherche des équations de parité
- Modèle pour les m-séquences [11] : applicable aux séquences de Gold

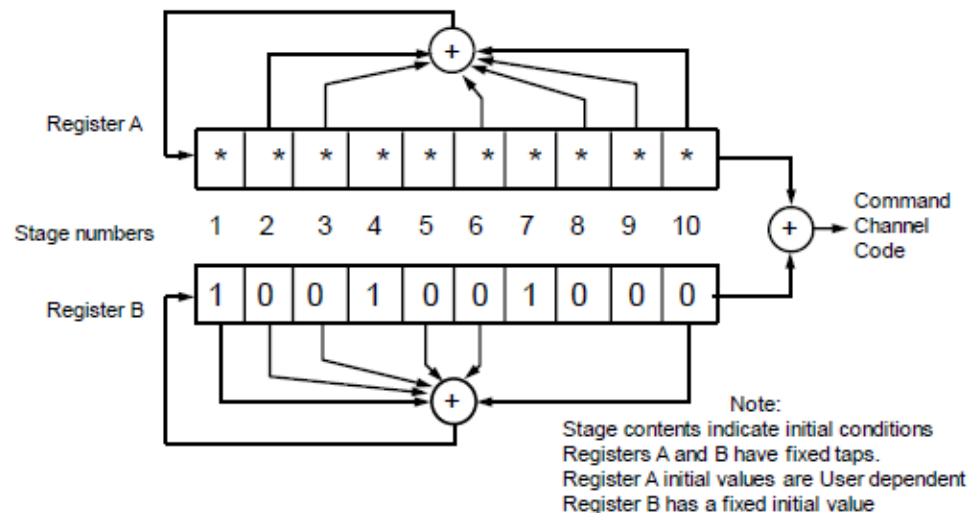
$$N_t \binom{m_0}{t-1} = \binom{N-1}{t-1} \quad \text{approximation} \quad m_{0,approx} = \frac{N}{(N_t)^{1/(t-1)}}$$

■ Variabilité selon les séquences non prise en compte, utile pour connaître l'ordre de grandeur

r	7	9	10	11	13	14	18	25
t	5	5	4	5	5	4	4	5
Simulation	24	48	111	114	219	1103	9822	-
Estimation	27	52	148	102	202	930	-	-
Approximation	25	50	146	100	200	930	5907	12821



- CCSDS 415.2-B-1 : data transmission and PN ranging for 2GHz CDMA link via data relay satellite
 - Consultative Committee for Space Data Systems
 - Document public téléchargeable sur internet
- Séquence de Gold: séquence **x** connue, séquence **y** inconnue
- Evaluation de 4 méthodes de décodage:
 - 2 pour une recherche « série »
 - 2 pour une recherche « parallèle »



■ Recherche « série » :

- Hypothèse : $R(k) = (-1)^{x(k)+y(k)} + n(k)$
- Si synchronisation :
 - $V(k) = (-1)^{x(k)}$ $R(k) = (-1)^{y(k)} + n'(k)$
 - Observation de la séquence \mathbf{y}
- Décodage de la séquence \mathbf{y} : \mathbf{E} est construite à partir de $g_y(X)$
- Décodage de la séquence \mathbf{y} , avec exploitation de la relation de décimation entre les m-séquences [12]: \mathbf{E} est construite à partir de $g_s(X)$ où s est tel que $y(k) = s(dk)$, d est le facteur de décimation entre les séquences \mathbf{y} et s

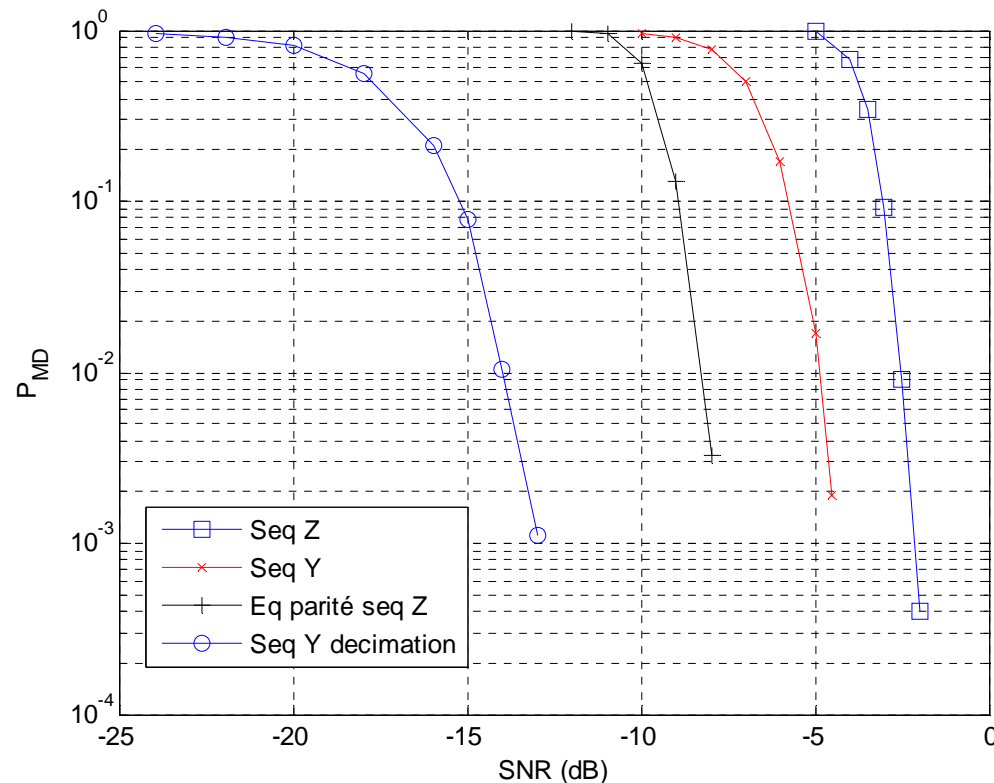
■ Recherche « parallèle » :

- Décodage de la séquence \mathbf{z} : \mathbf{E} est construite à partir de $g_z(X)$
- Décodage de la séquence \mathbf{z} à partir des équations de parité de poids $t=3$ et $t=4$

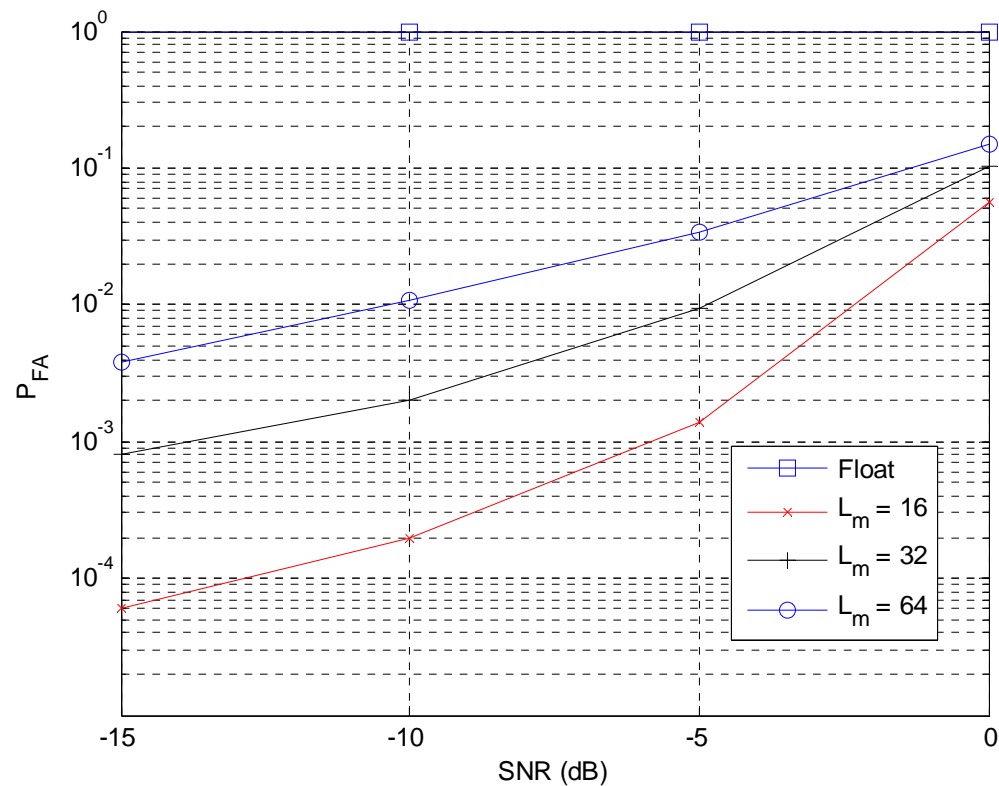
- Décodeur :
 - Min-Sum [13]
 - Arrêt si toutes les équations de parité sont satisfaites ou si $N_{\text{iter}} = 60$
 - $N_{\text{RGM}} = 6$
- $r = 10$, taille du vecteur d'entrée : $N = 1023$
- Equations de parité employées (recherche parallèle):
 - $x^{682} + x^{341} + 1$; $x^{171} + x^{106} + x^{54} + 1$; $x^{185} + x^{166} + x^4 + 1$; $x^{205} + x^{168} + x^{28} + 1$; $x^{222} + x^{77} + x^{22} + 1$;
 $x^{230} + x^{98} + x^{31} + 1$
- $g_s(X) = x^{10} + x^3 + 1$
- Mesures de performance:
 - Probabilité de détection correcte (P_{CD}), Probabilité de détection ratée ($P_{\text{MD}} = 1 - P_{\text{CD}}$), Probabilité de fausse alarme (P_{FA}), Probabilité de décodage erroné (P_{WD}) et probabilité de non détection ($P_{\text{ND}} = P_{\text{MD}} - P_{\text{WD}}$)
 - Recherche « parallèle » : $P_{\text{WD}} < 10^{-6}$

■ Probabilité de détection correcte

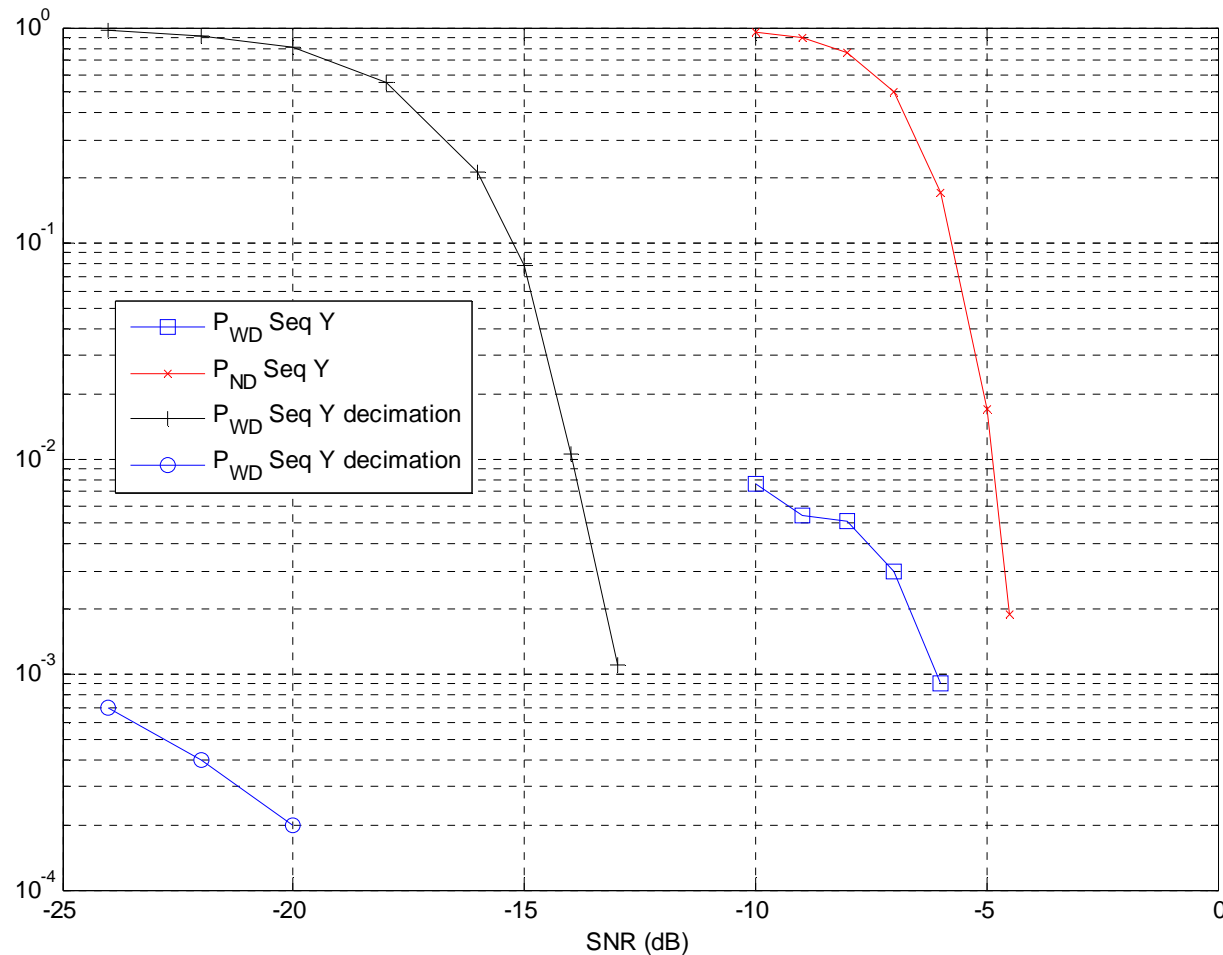
- Recherche en série avec exploitation de la décimation : gain de l'ordre de 12 dB par rapport à la recherche parallèle avec $g_z(x)$
- Poids des équations de parité: seq Z => 9, seq Y => 7, seq Y decimation => 3



- SeqY, seqZ, équation de parité : $P_{FA} < 10^{-6}$
- Fausse alarme (recherche série, exploitation de la décimation):
 - Implémentation en flottant : catastrophique
 - Amélioration en passant en dynamique finie : message $\in [-L_m, +L_m]$



- P_{WD} faible et P_{ND} élevée avec $t = 7$ (« seq Y ») : quand il ne trouve pas le bon mot de code, le décodeur converge rarement (souhaitable)
- P_{WD} élevé et P_{ND} faible avec $t = 3$ (« seq Y decimations »): le décodeur converge presque toujours sur un mot de code (pas souhaitable)



■ Transmission par étalement de spectre avec des m-séquences ou des séquences de Gold :

- Détection et attaque plus facile avec les techniques de décodage par passage de messages.
- Réutilisation des travaux sur les attaques sur les stream ciphers

	P_{CD}	P_{FA}	P_{WD}
Poids faible	++	--	--
Poids élevé	--	++	++

■ Sujets d'études :

- Probabilité de fausse alarme et de décodage erroné : comprendre le mécanisme et trouver des améliorations (quantification, vérification) => analyse du décodeur MP dans des configurations peu usuelles (ex : pas de convergence à SNR très faible)
- Complexité du décodeur : implémentation en temps réel ?
- Méthodes constructives pour déterminer les équations de parité d'un poids t donné
- Modification des séquences d'étalement : stream cipher appliqué aux communications ESSD ? ex: code P(Y) du GPS



**Merci de votre
attention !**



leti

Centre de Grenoble
17 rue des Martyrs
38054 Grenoble Cedex

- [1] R.L. Peterson, R.E Ziemer and D.E. Borth, "Introduction to spread-spectrum communications", Prentice Hall, 1995
- [2] R.J. Mc Eliece, "Finite fields for computer scientists and engineers", Springer, 1997
- [3] W. Meier and O. Staffelbach, "Fast correlation attacks on certain stream ciphers", *Journal of Cryptology*, Vol. 1, N°3, 1989
- [4] F.R. Kschischang, B.J. Frey and H.A. Loeliger, "Factor graphs and the sum-product algorithm", *IEEE Trans. On Information Theory*, Vol. 47, N°2, 2001
- [5] K.M. Chugg and M. Zhu, "A new approach to rapid PN code acquisition using iterative message-passing techniques", *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, Vol. 23, N°5, 2005
- [6] M. des Noes, V. Savin, L. Ros and J.M. Brossier, "Blind identification of the uplink scrambling code index of a WCDMA transmission and application to femtocell networks", *IEEE International Conference on Communications*, Budapest, 2013
- [7] M. des Noes, V. Savin, L. Ros and J.M. Brossier, "Blind identification of the uplink scrambling code of a reverse link CDMA2000 transmission", *IEEE International Conference on Communications*, Budapest, 2013
- [8] V. Pless, "Power moment identities on weight distributions in error correcting codes", *Information and Control*, Vol. 6, N°2, 1963
- [9] T. Kasami, S. Lin and W. Peterson, "Some results on cyclic codes which are invariant under the affine group and their applications", *Information and Control*, Vol. 11, N°5, 1967
- [10] K. Huber, "Some comments on Zech's logarithms", *IEEE Trans. On Information Theory*, Vol. 36, N°4, 1990
- [11] S. Maitra, K.C. Gupta and A. Venkateswarlu, "Results on multiples of primitive polynomials and their products over GF(2)", *Theoretical Computer Science*, Vol. 341, N°1, 2005
- [12] M. des Noes, V. Savin, L. Ros and J.M. Brossier, "Improving the Decoding of M-Sequences by Exploiting their Decimation Property", Eusipco, Septembre 2013, Marrakech
- [13] N. Wiberg, "Codes and decoding on general graphs", Ph.D. dissertation, Linköping University, Sweden, 1996